

Comparative study of the use of various goal programming models in supply chain management of the factory branch of milk and its derivatives 'GIPLAIT EL-MANSOURAH'

د. لعرج مجاهد نسيمه

كلية العلوم الاقتصادية والعلوم التجارية والعلوم التسيير - جامعة أبي بكر بلقايد تلمسان -

*l-m-nassima@live.fr*

د. أقاسم عمر

كلية العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير - الجامعة الافريقية أحمد دراية - أدرار -

*oakacem2007@yahoo.fr*

**ملخص:** سنحاول من خلال هذه الورقة البحثية توضيح كيف يمكن الاستفادة من نماذج البرمجة بالأهداف في تحقيق أهداف سلسلة الإمداد (المؤسسة، المورد والعملاء) وكيف يمكن لأنسب هذه الأساليب والطرق أن تدعم القرار الخاص بإدارة سلسلة إمداد الوحدة الفرعية لمجمع انتاج الحليب ومشتقات - جيبلي المنصوراه-. وعند مقارنة نتائج الأهداف لمختلف متغيرات البرمجة بالأهداف بمستوى الطموح وجدنا أن نموذج البرمجة بالأهداف يوفر عدة سياسات تخطيطية تختلف في تكوينها من حيث الأولويات هذه الأهداف ومستويات تحقيقها، ويبقى على متخذ القرار اختيار الاستراتيجية التي تتماشى مع أهدافه.

**الكلمات المفتاحية:** برمجة الأهداف، النمذجة، دعم القرار، مقارنة، سلسلة الامداد، ملبنة جيبلي.

**Abstract:**

*This paper aims to illustrate how can take advantage of the goal programming models in achieving the objectives of the supply chain (enterprise, suppliers and customers) and how can the appropriate methods and ways support the decision related to the supply chain management of the factory branch of milk and its derivatives 'GIPLAIT EL-MANSOURAH'. Through the comparison of goals results of different goal programming variables for target level, we found that goal programming model provides several planning policies vary in its composition in terms of the priorities of these goals and the levels of its achievement. Thus the decision-maker must select the strategy in line with its objectives.*

**Key words:** Goal programming, Modeling, Decision support, Comparison, Supply chain, DAIRY EL-MANSOURAH.

**مقدمة:**

في ظل التوجه الحالي للمؤسسات يبين أن التنافسية وقواعد المنافسة قد انتقلت من منطق الانعزال والحدود ما بين المؤسسات إلى مواجهة ما بين شبكات من المؤسسات أو بدقة أكثر سلسلة إمداد أمام سلسلة إمداد، هذا التوجه أدى إلى ظهور حلول تنظيمية أكثر جماعية قائمة على

## Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016

التسيير الفعال والكفء، فكل مؤسسة عليها أن تتخطى فكرة الحدود والانتقال من التكامل في الإمداد للعمليات الداخلية إلى إستراتيجية إمداد جماعي على مستوى شبكة المتعاملين. ومن الناحية العلمية والعملية معالجة وإدارة أنشطة الإمداد تتم عادة بنماذج بحوث العمليات (كالبرمجة الخطية، مشكل النقل، البرمجة الديناميكية..) إلا أنه وجهت لها عدة انتقادات كونها تدرس هدف واحد إما تعظيم أو تدنية على حساب تحقيق أهداف أخرى مما استلزم تطويرها بشكل يتماشى مع متطلبات البيئة التي تنشط بها المؤسسة ويتمشى مع تعدد الأهداف والقيود المفروضة على نشاط المؤسسة في ظل محدودية الموارد، هذا ما أدى إلى ظهور مفهوم برمجة الأهداف والتي تعرف على أنها كفرع من أمثلة متعددة الأهداف التي هي بحد ذاتها جزءا من تحليل القرار متعدد المعايير، وهي واحدة من أقدم التقنيات صنع القرار متعدد المعايير المستخدمة في الاستفادة المثلى من أهداف موضوعية متعددة عن طريق التقليل من الانحراف عن كل هدف من الأهداف عن الهدف المرغوب. وبالرغم من الغياب التام لتطبيق مثل هذه الأساليب العلمية بصفة عامة وأسلوب البرمجة بالأهداف بصفة خاصة على مستوى المؤسسات الاقتصادية الجزائرية في الوقت الحاضر، غير أن تحديات المستقبل القريب وما تحمله من رهانات اقتصاد السوق والمنافسة وحتمية العولمة ستفرض على متخذي القرار والمسيرين على حد سواء بالتوجه تدريجيا نحو الاستعانة بمثل هذه الأسلوب الرياضي في ترشيد قرارات سلاسل الإمداد. ولقد حظي موضوع إدارة سلسلة الإمداد باستخدام إحدى متغيرات برمجة الأهداف أو إحدى أساليب التحليل المتعدد المعايير أهمية بالغة لدى الباحثين والمتخصصين حيث نجد أهم تلك الدراسات: في سنة 2003 قام **Abdelkader HAMMAMI** باقتراح منهج لدعم اتخاذ القرار بناء على التحليل المتعدد المعايير مساعداً في تحليل وتقييم وإعادة هيكلة عمليات الشبكة لتحسين أدائها ويسمح لشبكة تعاونية لمؤسسات معينة بالتنظيم بصفة تمكنهم من الاستجابة للعروض المتاحة في السوق مع احترام حاجات الزبائن وأهداف الشركاء. أما في سنة 2004 قام **صلاح محمد شيخ ديب** باستخدام أسلوب إدارة سلسلة التوريد في رفع الكفاءة والفعالية في قطاع الغزل والنسيج من خلال نموذج برمجة الأهداف. أما في سنة 2008 قام كل من **Ila Manuj & John T. Mentzer** باقتراح نموذج البرمجة المتعددة الأهداف في بيئة تتسم بعدم التأكد لتخطيط العلاقة التكاملية بين الإنتاج والتوزيع في ظل سلسلة الإمداد، اخذين بعين الاعتبار التغيرات العشوائية التي تتبعها العديد من المتغيرات (تكلفة توظيف العمال وتسريحهم، تكلفة النقل والتوزيع والتخزين). في حين قدم **بن عاتق عمر** سنة 2014، دراسة حول كيفية استعمال معطيات التنبؤ بالمبيعات في النمذجة الرياضية لشبكة الإمداد التي تتميز بتعدد الأهداف حيث قام بنمذجتها باستخدام نماذج **lot-sizing** وقام بحلها باستخدام البرمجة الكمبرومازية، ليقوم الباحث بعد ذلك بتعميم نموذجين من نماذج **lot-sizing** أحدهما يتعلق بالتخطيط ذي المستوى الواحد والأخر بالتخطيط متعدد المستويات، وغيرهم من الدراسات... الخ. والدراسة الحالية ما هي إلا تكملة لهذا الدراسات السابقة، لكن اشكالية الدراسة الحالية تدور حول: كيفية الاستفادة من نماذج برمجة الأهداف في تحقيق أهداف سلسلة الإمداد (المؤسسة، الموردن والعملاء) وكيف يمكن لأنسب هذه الأساليب والطرق أن تدعم القرار الخاص بإدارة سلسلة إمداد الوحدة الفرعية لمجمع إنتاج الحليب ومشتقات -جيبلي المنصوراه-. وعليه سنعالج هذه الاشكالية من خلال التطرق:

1- مدخل الى برمجة الأهداف.

2- سلسلة امداد الوحدة الفرعية لمجمع انتاج الحليب ومشتقاته.

3-دعم قرارات سلسلة امداد الملبنة جيبليباستخدام مختلف متغيرات البرمجة بالأهداف.

4-مقارنة بين نتائج مختلف متغيرات البرمجة بالأهداف.

1- مدخل الى برمجة الأهداف: ترجع فكرة ظهور برمجة الأهداف إلى كلمن الأمريكيين **Ferguson, cooper, charnes** سنة 1955 في مقالة بعنوان: **optimal estimation of executive compensation by linear programming**. لكن مصطلح برمجة الأهداف لم يستعمل بشكل صريح في هذه المقالة، إلا بعد مرور ستة سنوات من ذلك بعد ظهور الكتاب المعروف بـ **management models and industrial applications of linear programming** لـ **Charnes & Cooper** ثم بعد ذلك شهدت نماذج البرمجة بالأهداف العديد من التعديلات والتطورات المختلفة، كما وقد ظهرت في السنوات الماضية العديد من المحاولات لإعطاء

### Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016

فكرة عامة حول مفهوم برمجة الأهداف يد عدة باحثين أمثال Charnes et Cooper سنة 1961، Belaid Aouni سنة 1988 و Roméro et Tamiz سنة 1998 غيرهم... الخ، وعموما يمكن قول أن أسلوب برمجة الأهداف ما هو إلى امتداد للبرمجة الخطية وهو احد أساليب التحليل المتعدد المعايير لاتخاذ القرار يسعى لمعالجة المواقف ذات الأهداف المتعددة والمتعارضة. لذلك سنتناول فيما يلي مختلف انواع برمجة الأهداف في مختلف الظروف القرارية.

**3-1- صياغة نموذج برمجة الأهداف في شكله المعياري:** يمكن التعبير عنها كما يلي:

$$SGP \left\{ \begin{array}{l} \text{Min } Z = \sum_{i=1}^p (\delta_i^+ + \delta_i^-) \\ \text{subject to } \left\{ \begin{array}{l} \sum a_{ij} x_j - \delta_i^+ + \delta_i^- = b_i \\ c x \leq c \\ x_i \geq 0 \quad (j=1,2,3...n) \\ \delta_i^+ \text{ et } \delta_i^- \geq 0 \quad (i=1,2,3...p) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

مع العلم أن جداء الانحرافات الموجبة والسالبة  $(\delta_j^+ x \delta_j^-)$  معدوم، لأن الشعاعان  $\delta_j^+$  و  $\delta_j^-$  لا يمكن أن يتحققا معا. حيث أنه لا يمكن

أن نصل إلى قيمة أكبر من الهدف وأصغر منه في آن واحد مع:

$a_{ij}$ : معاملات التكنولوجيا المتعلق بمتغيرات القرار.

$B$ : شعاع العمود للكميات المتاحة.

$C$ : مصفوفة المعاملات المتعلقة بقيود الموارد المتاحة.

$\delta_i^+$ : هو الانحراف الايجابي عن مستوى الطموح  $b_i$  المحدد للهدف  $i$ .

$\delta_i^-$ : هو الانحراف السلبي عن مستوى الطموح  $b_i$  المحدد للهدف  $i$ .

اذ نجد ان دالة الهدف بالنسبة لبرمجة الأهداف تشمل على مجموع انحرافات الاهداف التي تسعى الادارة الى تحقيقها.

### 3-2- برمجة الأهداف المرجحة (Weighted Goal Programming):

 بالرغم من أن صياغة نموذج البرمجة الخطية بالأهداف في شكله المعياري لقيت رواجا مهما إلا أن ذلك لم يتواصل بسبب تجردها التام من أفضليات متخذ القرار، كما أنه لا يمكن تطبيقه في جميع الحالات اتخاذ القرار الواقعية، لذلك سعى كل من Cooper et Charnes لحل هذه المشكلة عن طريق تقديم نموذج البرمجة بالأهداف المرجحة، الذي يعتمد على إضافة بعض المعاملات على النموذج المعياري وهي مخصصة للانحرافات الموجبة والسالبة تتماشى هذه المعاملات مع أهمية الهدف فكلما كان الهدف مهما كلما كانت المعاملات المضافة لانحرافات مرتفعة والعكس صحيح. والشكل التحليلي لهذا النموذج يكتب كما يلي:

$$WGP \left\{ \begin{array}{l} \text{min } (Z) = \sum_{i=1}^p (w_i^+ \delta_i^+ + w_i^- \delta_i^-) \\ \text{subject to } \left\{ \begin{array}{l} \sum a_{ij} x_j - \delta_i^+ + \delta_i^- = b_i \\ c x \leq c \\ x_j \geq 0 \quad (j=1,2,3...n) \\ \delta_i^+ \text{ et } \delta_i^- \geq 0 \quad (i=1,2,3...p) \end{array} \right. \end{array} \right.$$

$$. \delta_i^- : \text{معامل الأهمية المرتبط بالانحراف السالب } w_i^-$$

$$. \delta_i^+ : \text{معامل الأهمية المرتبط بالانحراف الموجب } w_i^+$$

ويتم تحديد قيمة  $w_i^+$  و  $w_i^-$  من طرف المسير، وذلك من خلال تحديد أهمية كل هدف بالنسبة لبقية الأهداف، وفي أغلبية الحالات يتم

$$\sum_{i=1}^m w_i = 1$$

التعبير عن معاملات الأهمية على شكل نسب مئوية بحيث:

**3-3-برمجة الأهداف تشيبيشيف (Chebyshev Goal Programming):** تم إدخال هذا النوع من المتغيرات من طرف Flavell سنة 1976 حيث تعمل هذه الطريقة على تدنية الفروق الكبرى بين الحلول المثلى لكل هدف والقيمة الجارية لهذا الهدف (تدنية الانحراف الأعظم عن الأهداف)، لذلك يطلق عليها في بعض الأحيان برمجة الأهداف MinMax، أما صياغته الرياضية هي كالتالي:

$$\text{MinMax GP} \left\{ \begin{array}{l} \text{Min } D \\ \text{subject to} \left\{ \begin{array}{l} w_i^+ \delta_i^+ + w_i^- \delta_i^- \leq D \quad (i = 1, 2, 3, \dots, n) \\ \sum a_{ij} x_j - \delta_i^+ + \delta_i^- = b_i, \quad (i = 1, 2, 3, \dots, n) \\ c_x \leq B \\ x_j \geq 0 \quad (j = 1, 2, 3, \dots, p) \\ \delta_i^+, \delta_i^- \geq 0 \end{array} \right. \end{array} \right.$$

$w_i$  : يمثل أهمية كل هدف والذي يعكس أفضليات متخذ القرار.

$D$  : يمثل الحد الأعلى بالنسبة لجميع الانحرافات سواء كانت ايجابية أو سلبية المتعلقة بكل هدف.

حيث يتم اختبار جميع الانحرافات المحصل عليها من خلال  $\sum a_{ij} x_j - \delta_i^+ + \delta_i^- = b_i$  من خلال القيد

$$w_i^+ \delta_i^+ + w_i^- \delta_i^- \leq D$$

، ليتم تحديد الحل الأمثل الذي يعطي أدنى قيمة أعظمية تم الوصول إليها سابقا.

**4-3-برمجة الأهداف اللكسيكوغرافية (Lexicographic Goal Programming):** يفترض هذا النموذج أن متخذ القرار قادر على

تصنيف وترتيب كل أهدافه بوضوح من حيث درجة أولويتها وأهميتها. أما صياغته الرياضية فهي كالتالي:

$$LGP \left\{ \begin{array}{l} \text{Min} Z = [l_1(\delta_1^+, \delta_1^-), l_2(\delta_2^+, \delta_2^-), \dots, l_k(\delta_k^+, \delta_k^-)] \\ \text{subject to} \left\{ \begin{array}{l} \sum a_{ij} x_j - \delta_i^+ + \delta_i^- = b_i \quad (i = 1, 2, 3 \dots p) \\ c x \leq c \\ \delta_i^+, \delta_i^-, x_j \geq 0 \quad (i = 1, 2, 3 \dots p); \quad (j = 1, 2, 3 \dots n) \end{array} \right. \\ l_1 \gg l_2 \gg \dots \gg l_k \end{array} \right.$$

هذا النموذج يتكون من:  $k$  مستوى أولوية وتكون مرتبة من الأهم الى الأقل أهمية.

$p$  عدد القيود المتعلقة بالأهداف.

$n$  عدد متغيرات القرار.

$l$  تمثل دالة محتوى مستوى الأولوية.

كما يجب أن يكون عدد مستويات الأولوية  $k$  أقل أو يساوي عدد الأهداف  $p$ . ويعمل هذا النموذج على تدنية مجموع الانحرافات بالنسبة للأهداف بصفة معجمية بمعنى دخول دالة الهدف الأولى قيود إضافية في المرحلة الثانية من الحل لتدنية انحراف دالة الهدف ذات الأولوية الثانية لتكون المحصلة كقيود إضافية في المرحلة الأخرى من الحل من أجل تدنية انحراف دالة الهدف ذات الأولوية المالية وهكذا الى ان يتم الوصول الى المرحلة الأخيرة أين يتم تحقيق النتيجة النهائية للمشكلة قيد البحث، ويمكن توضيح ذلك كما يلي:

**الخطوة الأولى:** سنقوم بإيجاد ، أي نعطي الأولوية للهدف  $I_1$  ، وعندما نجد الحلول للخطوة الأولى، نعتبرها كقيود جديدة تضاف إلى القيود السابقة.

**الخطوة الثانية:** سنقوم بحل ، مع ظهور حلول الخطوة الأولى كقيود جديدة مع القيود السابقة، وهكذا إلى أن نصل الخطوة الأخيرة .

**3-5- نموذج برمجة الأهداف مع الاولويات الموسع ELGP:** تم تقديم هذا النموذج من طرف *Romero* سنة 2001، حيث يهدف الى وضع اطار عام يتيح الجمع وتقدم حل وسطي امثل بين خوارزمية برمجة الأهداف في شكله التجميعي وخوارزمية برمجة الأهداف في شكل **Minmax**. وتأخذ البرمجة بالأهداف مع الاولويات الموسع الصياغة الرياضية التالية:

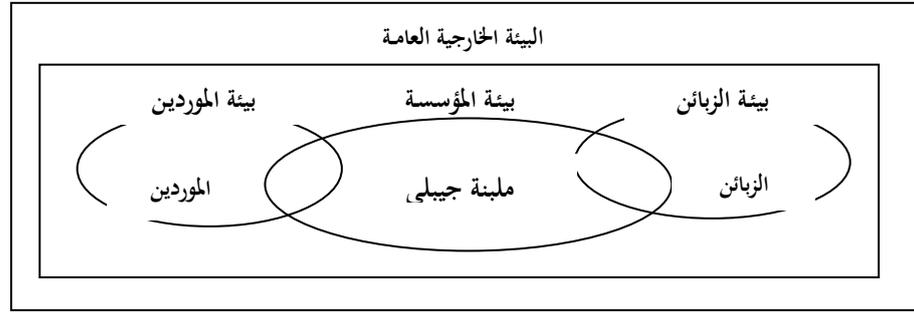
$$\text{Min } a = \left[ \left( \alpha_1 \lambda_1 + (1 - \alpha_1) \left\{ \sum_{i=1}^q (u_i^1 \delta_i^{1-} + v_i^1 \delta_i^{1+}) \right\} \right), \dots, \right. \\ \left. \left( \alpha_l \lambda_l + (1 - \alpha_l) \left\{ \sum_{i=1}^q (u_i^l \delta_i^{l-} + v_i^l \delta_i^{l+}) \right\} \right), \dots, \right. \\ \left. \left( \alpha_L \lambda_L + (1 - \alpha_L) \left\{ \sum_{i=1}^q (u_i^L \delta_i^{L-} + v_i^L \delta_i^{L+}) \right\} \right), \dots, \right]$$

$$\text{St} \begin{cases} \alpha_l (u_i^l \delta_i^{l-} + v_i^l \delta_i^{l+}) \leq \lambda & l = 1, \dots, L \\ f_i(x) + \delta_i^- - \delta_i^+ = b_i & i = 1, \dots, q \\ \delta_i^-, \delta_i^+ \geq 0 & i = 1, \dots, q \end{cases}$$

## Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016

فاذا كانت  $\alpha = 1$  سنكون أمام نموذج البرمجة بالأهداف MINMAX، أما اذا كانت  $\alpha = 0$  سنكون أمام نموذج البرمجة بالأهداف التجميعي، فيما عاذا ذلك سنكون أما حل وسطي بينهما.

**2- سلسلة امداد الوحدة الفرعية لمجمع انتاج الحليب ومشتقاته.** اختلف الكتاب في مصطلح سلسلة الامداد على الرغم من استقرارهم على المبادئ والأسس التي يقوم عليها هذا المصطلح، فمنهم من استخدم مصطلح سلسلة الطلبونهم من يشير الى سلسلة الامداد على أنها سلسلة القيمة، وصرح بعض الباحثين أنّ سلسلة التوريد تسمية خاطئة، حيث أنّ كل منظمة لها أكثر من مورد واحد، أي شبكة توريد Supply Network هي الأصح. أما حسب L'AFNOR وأيضا ASLOG سنة 2002 رأوا انه لا نستطيع اعطاء ترجمة دقيقة لها فقد ترجم هذا المصطلح الى: chaîne d'approvisionnement, logistique globale, chaîne logistique Yves Pimor يفضل العبارة الأمريكية « Supply Chain » لفهم هذا المصطلح. ويمكن تعريف سلسلة الإمداد حسب هذا الأخير على أنّها "المراحل المتتالية لإنتاج وتوزيع المنتج من مورد موردي المنتجين إلى زبائن زبائنهم". وفيما يلي سلسلة امداد ملبنة جيبي المنصوارة:



الشكل رقم (01): سلسلة امداد ملبنة جيبي المنصوارة

المصدر: من اعداد الباحثين.

**3- دعم قرارات سلسلة امداد الملبنة جيبي باستخدام مختلف متغيرات البرمجة بالأهداف:** بعد التشخيص الداخلي والخارجي للملبنة وتشخيص لمختلف وظائفها تبين لنا أنّها تعتمد على الطرق التقليدية في عملية اتخاذ القرارات والتي تركز أساسا على خبرة متخذ القرار وتجاربه السابقة وتحمّل الأساليب العلمية الحديثة في الإدارة واتخاذ القرار مما يجعلها تتحمل تكاليف إضافية هي في غنى عنها واتضح لنا أن الشركة تعاني من العديد من المشاكل ك: التكاليف المرتفعة للمواد الأولية عالية الجودة والتسيير العشوائي لسلاسل الإمداد وعدم وجود مخططات مدروسة لها، بالإضافة الى وجود منافسة شديدة تواجهها هذه الملبنة. وعند تقريبا من الملبنة اتضح لنا أنّها تهدف إلى تحقيق الأهداف الأسمى للملبنة هو تدنية تكاليف الجودة الضائعة مع المحافظة على هدف تدنية تكاليف سلسلة الامداد وتعظيم الربح. وأن الكمية المخزنة من منتجات الملبنة (الحليب المبستر، حليب البقر والبن)، يجب أن لا تتجاوز أسبوعيا 66ل، 72ل و37ل على التوالي. أما المبيعات الاسبوعية المتنبأ بها من طرف رئيس مصلحة المبيعات من المنتجات الثلاث هي كالتالي:

- 840000ل من المبيعات المتنبأ بها للحليب المبستر.
- 266000ل من المبيعات المتنبأ بها لحليب البقر.
- 126000ل من المبيعات المتنبأ بها للبن.
- مختلف التكاليف على مستوى الملبنة كما يظهرها الجدول رقم (01).
- الموارد المتاحة سنويا لدى الملبنة كما يبينها الجدول رقم (02).

**Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016**

**1-3- حل النموذج الرياضي باستخدام البرمجة بالأهداف المرجحة WGP:** بعد استخراج القيم المستهدفة باستخدام البرمجة

الكمبروماريزة تقوم بحل نموذج البرمجة بالأهداف المرجحة، علماً أن أوزان الأهداف  $W_1, W_2, W_3$  تم تحديدها من طرف متخذ القرار كما

يلي: 0.3; 0.3; 0.4 على التوالي. وبالتالي تصبح صياغة النموذج الرياضي باستخدام البرمجة بالأهداف المرجحة كما يلي:

$$\begin{array}{l}
 \text{Min } Z = 0.4_1 \delta_1^- + 0.3 \delta_2^+ + 0.3 \delta_3^- \\
 \left. \begin{array}{l}
 14.86D_1 + 12D_2 + 7.69D_3 - \delta_1^+ + \delta_1^- = 6018271 \\
 1.12I_1 + 1.12I_2 + 1.12I_3 + 0.75D_1 + 0.75D_2 + 0.75D_3 + 0.15F_1 + 0.048F_2 + 0.6F_3 \\
 + 0.6F_4 + 0.6F_5 + 1.5F_6 + 22.18X_1 + 32X_2 + 34.5X_3 - \delta_2^+ + \delta_2^- = 6930338 \\
 1.35D_1 + 7D_2 + 5.64D_3 - \delta_3^+ + \delta_3^- = 1444675 \\
 0088x_1 - F_1 \leq 0 \\
 0.015x_1 - F_2 \leq 0 \\
 0.0068x_1 - F_3 \leq 0 \\
 0.0068x_2 - F_4 \leq 0 \\
 0.0068x_3 - F_5 \leq 0 \\
 x_2 + x_3 - F_6 \leq 0 \\
 F_1 \leq 38281.4 \\
 F_2 \leq 4312 \\
 F_3 \leq 2989 \\
 F_4 \leq 847 \\
 F_5 \leq 224 \\
 F_6 \leq 157304
 \end{array} \right\} \text{WGP} \quad \left. \begin{array}{l}
 x_1 - D_1 - I_1 = 0 \\
 x_2 - D_2 - I_2 = 0 \\
 x_3 - D_3 - I_3 = 0 \\
 I_1 \leq 66 \\
 I_2 \leq 72 \\
 I_3 \leq 37 \\
 140000 \leq D_1 \leq 840000 \\
 98000 \leq D_2 \leq 266000 \\
 10500 \leq D_3 \leq 126000 \\
 x_i, D_i, I_i, F_j, \delta_i^+, \delta_i^- \geq 0 / i = 1,2,3; j = 1,2,\dots,6
 \end{array} \right\} \text{St}
 \end{array}$$

حيث:

- المتغيرات من  $X_1$  الى  $X_3$  : تمثل المتغيرات الخاصة بمنتجات اللبننة، بحيثان كل من حليب البقر منزوع الزبدة جزئياً، الزبدة والقشدة لا يتم انتاجها يومياً وإنما مرة في الأسبوع وحسب الطلب، ويقبل ويزيد انتاجها حسب المواسم ومدى توفر حليب البقر، لذلك في دراستنا هذه سنعتمد فقط على دراسة ثلاث منتجات وهي: الحليب المبستر، حليب البقر واللبن على التوالي.

- المتغيرات من  $F_1$  الى  $F_6$ : تمثل متغيرات خاصة بالموردين من كمية غيرة الحليب 0%، المادة الدسمة MGLA، كمية بوليتيلان الحليب المبستر، كمية بوليتيلان حليب البقر، كمية بوليتيلان اللبن و كمية حليب البقر الطازج التي يلببها الموردون على التوالي.

- المتغيرات من  $I_1$  الى  $I_3$ : تمثلتغيرات خاصة بالمخزون من الحليب المبستر، حليب البقر واللبن على التوالي.

- المتغيرات من  $D_1$  الى  $D_3$ : تمثلتغيرات خاصة بتوزيع، الحليب المبستر، حليب البقر واللبن على التوالي.

- متغيرات الانحراف: من  $\delta_1$  الى  $\delta_3$ ، وتمثل الانحراف عن تحقيق مستوى الطموح.

وبالاستعانة بالبرنامج LINGO 15.0 الذي يمكننا من الحصول على النتائج بسرعة كبيرة وبدقة، حيث من خلال الجدول رقم (04) يمكن استنتاج ما يلي: ان برمجة الأهداف المرجحة من أجل حل المشكلة المطروحة في اللبننة يوصي بإنتاج أسبوعياً 140000ل من الحليب المبستر، 980000ل من حليب البقر و10500ل من اللبن. وان يكون مخزون البداية معدوم. أما التموينات الأسبوعية بالمواد الأولية اللازمة من أجل

**Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016**

العملية الانتاجية (غبرة الحليب 0%، المادة الدسمة، بوليتيلان الحليب المبستر، بوليتيلان حليب البقر، بوليتيلان اللبن وحليب البقر الطبيعي) تكون  
 12320 كغ، 2100 كغ، 952 كغ، 666.4 كغ، 71.4 كغ و 108500 ل على التوالي. ونلاحظ انه فقط هدف تدنية تكاليف سلسلة  
 الامداد تحقق بمعدل 100% (كون  $\delta_2^+ = 0$ )، في حين أن هدف تدنية تكاليف الجودة الضائعة يتعد بتكلفة تقدر بـ 2681126 دج. أما  
 الربح نلاحظ انه يقل بمبلغ قدره 510455 دج عن الربح المقترح.

**2-3- حل النموذج الرياضي باستخدام البرمجة بالأهداف اللكسيكوجرافية LGP:** بعد تحديد الأولويات من طرف متخذ القرار يصبح  
 لدينا النموذج التالي:

$$\begin{array}{l}
 \text{Min .L} = [(\delta_1^-), (\delta_2^+ + \delta_3^-)] \\
 \left\{ \begin{array}{l}
 14.86D_1 + 12D_2 + 7.69D_3 - \delta_1^+ + \delta_1^- = 6018271 \\
 1.12I_1 + 1.12I_2 + 1.12I_3 + 0.75D_1 + 0.75D_2 + 0.75D_3 + 0.15F_1 + 0.048F_2 + 0.6F_3 \\
 + 0.6F_4 + 0.6F_5 + 1.5F_6 + 22X_1 + 32X_2 + 34.5X_3 - \delta_2^+ + \delta_2^- = 6930338 \\
 1.17D_1 + 7D_2 + 5.64D_3 - \delta_3^+ + \delta_3^- = 1444675 \\
 0088x_1 - F_1 \leq 0 \\
 0.015x_1 - F_2 \leq 0 \\
 0.0068x_1 - F_3 \leq 0 \\
 0.0068x_2 - F_4 \leq 0 \\
 0.0068x_3 - F_5 \leq 0 \\
 x_2 + x_3 - F_6 \leq 0 \\
 F_1 \leq 38281.4 \\
 F_2 \leq 4312 \\
 F_3 \leq 2989 \\
 F_4 \leq 847 \\
 F_5 \leq 224 \\
 F_6 \leq 1573
 \end{array} \right. \\
 \left\{ \begin{array}{l}
 x_1 - D_1 - I_1 = 0 \\
 x_2 - D_2 - I_2 = 0 \\
 x_3 - D_3 - I_3 = 0 \\
 I_1 \leq 66 \\
 I_2 \leq 72 \\
 I_3 \leq 37 \\
 140000 \leq D_1 \leq 840000 \\
 98000 \leq D_2 \leq 266000 \\
 10500 \leq D_3 \leq 126000 \\
 x_i, D_i, I_i, F_j, \delta_i^+, \delta_i^- \geq 0 / i = 1,2,3; j = 1,2,\dots,6
 \end{array} \right.
 \end{array}$$

الخطوة الأولى: نعطي الأولوية للهدف  $I_1$ ، بحيث يصبح النموذج الرياضي كما يلي:

$$\text{LGP} \left\{ \begin{array}{l}
 \text{Min } L_1 = \delta_1^- \\
 \text{St}
 \end{array} \right.$$

الحل هو:  $\delta_1^- = 0$

الخطوة الثانية: نعطي الأولوية للهدف  $I_2$ ، مع إضافة قيد  $L_1 = \delta_1^- = 0$

$$LGP \begin{cases} \text{Min } L_2 = \delta_2^+ + \delta_3^- \\ St \\ L_1 = \delta_1^- = 0 \end{cases}$$

بالاستعانة بالبرنامج LINGO 15.0، حيث من خلال الجدول رقم (04) يمكن استنتاج أنحل برجة بالأهداف اللكسيكوغرافية من أجل المشكلة المطروحة في الملبنة يوصي بإنتاج أسبوعيا 287467ل من الحليب المبستر، 124559ل من حليب البقر و32745ل من اللبن. وان يكون مخزون البداية معدوم. أما التموينات الأسبوعية بالمواد الأولية اللازمة من أجل العملية الانتاجية (غبرة الحليب 0%، المادة الدسمة، بوليتييلان الحليب المبستر، بوليتييلان حليب البقر، بوليتييلان اللبن وحليب البقر الطبيعي) تكون 25297كغ، 4312كغ، 1955كغ، 847كغ، 223كغ و157304ل على التوالي. ونلاحظ ان هدف تدنية تكاليف الجودة الضائعة وهدف الحصول على أكبر ربح ممكن تحققا بنسبة 100% (كون  $\delta_3^- = 0$  و  $\delta_1^- = 0$ )، في حين أن هدف تدنية تكاليف سلسلة الامداد يتعد بتكلفة تقدر بـ 5084870 دج عن تكاليف سلسلة الامداد المقترحة.

3-3- حل النموذج الرياضي باستخدام برجة الأهداف تشييتشيف: يمكن نمذجة المشكلة المطروحة في الملبنة وفق العلاقة الرياضية التالية:

$$\begin{aligned} & \text{Min } Z = a \\ & \left\{ \begin{array}{l} \delta_1^- \leq a \\ \delta_2^+ \leq a \\ \delta_3^- \leq a \\ 14.86D_1 + 12D_2 + 7.69D_3 - \delta_1^+ + \delta_1^- = 6018271 \\ 1.12I_1 + 1.12I_2 + 1.12I_3 + 0.75D_1 + 0.75D_2 + 0.75D_3 + 0.15F_1 + 0.048F_2 + 0.6F_3 \\ + 0.6F_4 + 0.6F_5 + 1.5F_6 + 22X_1 + 32X_2 + 34.5X_3 - \delta_2^+ + \delta_2^- = 6930338 \\ 1.35D_1 + 7D_2 + 5.64D_3 - \delta_3^+ + \delta_3^- = 1444675 \\ 0088x_1 - F_1 \leq 0 \\ 0.015x_1 - F_2 \leq 0 \\ 0.0068x_1 - F_3 \leq 0 \\ 0.0068x_2 - F_4 \leq 0 \\ 0.0068x_3 - F_5 \leq 0 \\ x_2 + x_3 - F_6 \leq 0 \\ F_1 \leq 38281.4 \\ F_2 \leq 4312 \\ F_3 \leq 2989 \\ F_4 \leq 847 \\ F_5 \leq 224 \\ F_6 \leq 157304 \end{array} \right. \end{aligned}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 - D_1 - I_1 = 0 \\ x_2 - D_2 - I_2 = 0 \\ x_3 - D_3 - I_3 = 0 \\ I_1 \leq 66 \\ I_2 \leq 72 \\ I_3 \leq 37 \\ 140000 \leq D_1 \leq 840000 \\ 98000 \leq D_2 \leq 266000 \\ 10500 \leq D_3 \leq 126000 \end{array} \right.$$

بالاستعانة بالبرنامج LINGO 15.0، حيث من خلال الجدول رقم (04) يمكن استنتاج أن حل برجة الأهداف تشييتشيف من أجل المشكلة المطروحة في الملبنة يوصي بإنتاج أسبوعيا 211253ل من الحليب المبستر، 98000ل من حليب البقر و10500ل من اللبن. وان يكون مخزون البداية معدوم. أما التموينات الأسبوعية بالمواد الأولية اللازمة من أجل العملية الانتاجية (غبرة الحليب 0%، المادة الدسمة، بوليتييلان

**Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016**

الحليب المبستر، بوليتيلان حليب البقر، بوليتيلان اللبن وحليب البقر الطبيعي) تكون 18590 كغ، 3169 كغ، 1437 كغ، 71 كغ، 223 كغ و 108500 ل على التوالي. ونلاحظ ان هدف تدنية تكاليف الجودة الضائعة يتعد بتكلفة تقدر بـ 1622299 دج عن تكلفة الجودة الضائعة المقترحة، وأن هدف تدنية تكاليف سلسلة الامداد يتعد بتكلفة تقدر بـ 1622299 دج عن تكاليف سلسلة الامداد المقترحة، ونفس الشيء بالنسبة لهدف الحصول على أكبر ربح ممكن حيث نجد أنه يقل بـ 414262.8 دج عن الربح المقترح.

**4-3- حل النموذج الرياضي باستخدام البرمجة بالأهداف مع الاولويات الموسع ELGP :** حيث يأخذ نموذج البرمجة بالأهداف مع الاولويات الموسع الشكل التالي:

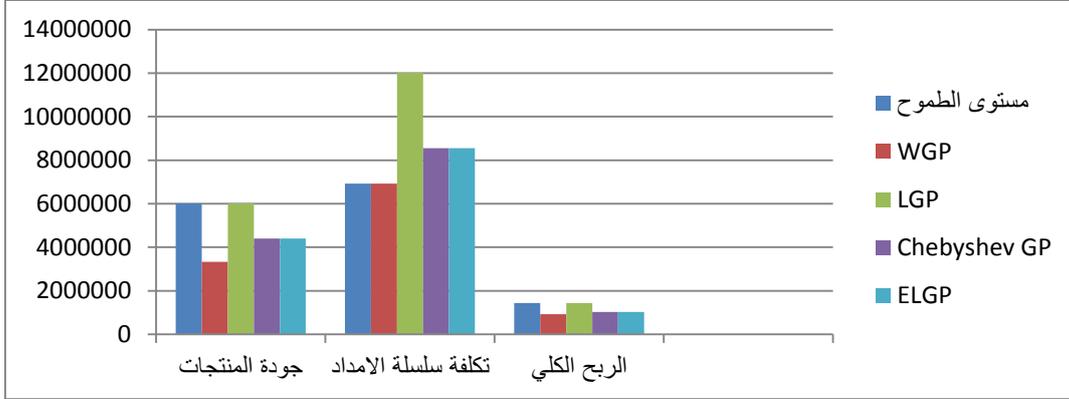
$$\begin{aligned}
 & \text{Min } z = \alpha \lambda + (1 - \alpha)(\delta_1^- + \delta_2^+ + \delta_3^-) \\
 & \text{St } \begin{cases} \delta_1^- \leq \lambda \\ \delta_2^+ \leq \lambda \\ \delta_3^- \leq \lambda \\ 14.86D_1 + 12D_2 + 7.69D_3 - \delta_1^+ + \delta_1^- = 6018271 \\ 1.12I_1 + 1.12I_2 + 1.12I_3 + 0.75D_1 + 0.75D_2 + 0.75D_3 + 0.15F_1 + 0.048F_2 + 0.6F_3 \\ + 0.6F_4 + 0.6F_5 + 1.5F_6 + 22X_1 + 32X_2 + 34.5X_3 - \delta_2^+ + \delta_2^- = 6930338 \\ 1.17D_1 + 7D_2 + 5.64D_3 - \delta_3^+ + \delta_3^- = 1444675 \\ 0088x_1 - F_1 \leq 0 \\ 0.015x_1 - F_2 \leq 0 \\ 0.0068x_1 - F_3 \leq 0 \\ 0.0068x_2 - F_4 \leq 0 \\ 0.0068x_3 - F_5 \leq 0 \\ x_2 + x_3 - F_6 \leq 0 \\ F_1 \leq 38281.4 \\ F_2 \leq 4312 \\ F_3 \leq 2989 \\ F_4 \leq 847 \\ F_5 \leq 224 \\ F_6 \leq 157304 \end{cases} \\
 & \begin{cases} x_1 - D_1 - I_1 = 0 \\ x_2 - D_2 - I_2 = 0 \\ x_3 - D_3 - I_3 = 0 \\ I_1 \leq 66 \\ I_2 \leq 72 \\ I_3 \leq 37 \\ 140000 \leq D_1 \leq 840000 \\ 98000 \leq D_2 \leq 266000 \\ 10500 \leq D_3 \leq 126000 \\ x_i, D_i, I_i, F_j, \delta_i^+, \delta_i^- \geq 0 / i = 1,2,3; j = 1,2,\dots,6 \end{cases}
 \end{aligned}$$

وبالتالي فإن حل هذا النموذج يأخذ عدة قيم مع تغيير قيمة  $\alpha$ ، حيث نلاحظ اذا كانت  $\alpha = 1$ ،  $\alpha = 0.6$ ،  $\alpha = 0.4$  سنكون أمام نموذج البرمجة بالأهداف MINMAX، أما اذا كانت  $\alpha = 0$ ،  $\alpha = 0.1$ ،  $\alpha = 0.3$  سنكون أمام نموذج البرمجة بالأهداف التجميعي، فيما عدا ذلك سنكون أما حل وسطي بينهما، والجدول الجدول رقم (04) يوضح حلالنموذج البرمجة بالأهداف مع الاولويات الموسع عند  $\alpha = 0.6$ .

**4-مقارنة نتائج الأهداف لمختلف متغيرات البرمجة بالأهداف بمستوى الطموح:** من خلال تطبيقنا لأهم متغيرات البرمجة بالأهداف في ظل الظروف التحديدية، تبين لنا الدور الفعال للبرمجة بالأهداف في ترجمة واقع المشكلات التي تتعرض لها سلسلة الامداد وكيف يمكن لها من تحقيق

## Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016

أهداف الملبنة بالتنسيق مع اهداف مورديها وعملائها، حيث يوضح الشكل التالي مقارنة بين نتائج الأهداف لمختلف متغيرات البرمجة بالأهداف بمستوى الطموح:



الشكل رقم (02): مقارنة نتائج الأهداف لمختلف متغيرات البرمجة بالأهداف بمستوى الطموح

المصدر: من اعداد الباحثين بالاعتماد على مخرجات البرنامج LINGO.

ويمكن تحليل هذا الشكل حسب كل هدف كما يلي:

**الهدف الأول: تعظيم جودة المنتجات،** نلاحظ انه تم تحقيق هذا الهدف بالكامل باستخدام طريقة البرمجة بالأهداف الليكسيكوجرافية، في حين انخفضت تكلفة الجودة الضائعة بنسبة 44% في طريقة البرمجة بالأهداف المرجحة وبنسبة 27% في طريقة تشيبتشيف عن القيمة المستهدفة.

**الهدف الثاني: تخفيض التكاليف عبر سلسلة الإمداد،** نلاحظ ان هذا الهدف تحقق بنسبة 100% في طريقة البرمجة بالأهداف المرجحة، في حين ارتفع بنسبة 73% في طريقة البرمجة بالأهداف الليكسيكوجرافية عن القيمة المستهدفة (أي نسبة تحققة 23%)، أما في طريقة البرمجة بالأهداف تشيبتشيف فنلاحظ ان التكاليف ارتفعت بنسبة 23% عن القيمة المستهدفة (أي أن نسبة تحقق هذا الهدف هي 73%).

**الهدف الثالث: تعظيم ربح الملبنة،** نلاحظ انه تم تحقيق هذا الهدف بالكامل باستخدام طريقة البرمجة بالأهداف الليكسيكوجرافية، في حين انخفض بنسبة 35% عن القيمة المستهدفة في طريقة البرمجة بالاهداف المرجحة وبنسبة 28% في طريقة في طريقة البرمجة بالأهداف تشيبتشيف. أي أن نسبة تحققة في طريقة البرمجة بالأهداف المرجحة كانت 65% وفي طريقة البرمجة بالأهداف الليكسيكوجرافية كانت 100% في حين كانت في طريقة البرمجة بالاهداف تشيبتشيف 71%.

وبالتالي يتضح أن طريقة البرمجة بالأهداف المرجحة أحسن طريقة من ناحية ان هدف تدنية تكاليف الجودة الضائعة (انخفضت بنسبة 44%) وتدنية تكاليف سلسلة الامداد قد تحقق رغم أن هدف تعظيم الربح قد انخفض بنسبة 35% عن مستوى الطموح.

**الخاتمة:** اتضح لنا من خلال هذه الورقة البحثية أنه يمكن الاستفادة من أحد نماذج البرمجة بالأهداف في حالة ما اذا أرادت ملبنة جيبلي البحث عن الكميات الواجب انتاجها، تموينها، تخزينها وتوزيعها من منتجاتها وهذا عندما تريد تحقيق مجموعة من الأهداف المتعددة والمتعارضة عند مستوى طموح معين يكون هذا الأخير اما معلوم او مجهول. فإذا كانت مستويات الطموح معلومة يتم تطبيق مباشرة احدى طرق البرمجة بالأهداف وهذا بناء على الاستراتيجية التي يتبعها متخذ القرار على اساس الأولويات او الأوزان المراد ترجيحها، أما اذا كانت مستويات الطموح

## Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016

مجهولة فيمكن إيجادها باستخدام طريقة البرمجة الكمبرومازية أو يمكن اللجوء إلى استخدام إحدى متغيرات البرمجة بالهدف المهمة في حالة ما اعطيت لنا قيم عظمى ودنيا لمستويات الطموح من طرف متخذ القرار. ونفس الشيء بالنسبة لأوزان ترجيح الأهداف في بعض الأحيان يصعب تقديمها من طرف متخذ القرار فيمكن أن نلجأ إلى تحديدها باستخدام عملية التحليل الهرمي. وبالتالي نجد أن البرمجة بالأهداف تضع أمام متخذ القرار عدة خطط واستراتيجيات يتم اختيار افضل هذه الخطط على اساس المعطيات المتوفرة لديهم وعلى اساس ترتيب الاولويات والأهداف، ويبقى على متخذ القرار اختيار الاستراتيجية التي تتماشى مع أهدافه.

ملحق الجداول:

الجدول رقم (01): مختلف التكاليف عبر سلسلة الامداد حسب كل نوع من منتجات الملبنة

اللبن	حليب البقر	الحليب المبستر	
34.50	32	22	سعر التكلفة (دج/ل)
0.75	0.75	0.75	تكاليف التوزيع الوحيدة(دج/ل)
1.12	1.12	1.12	تكاليف التخزين الوحيدة(دج/ل)
0.13	0.08	0.067	تكاليف الجودة(دج/ل)
40.14	39	23.35	سعر البيع (دج/ل)

المصدر: مديرية المالية والمحاسبة.

الجدول رقم (02): تكاليف التموين الوحيدة للمواد الأولية

حليب البقر الطبيعي(ل)	بوليتيلان اللبن(كغ)	بوليتيلان حليب البقر. (كغ)	بوليتيلان الحليب المبستر(كغ)	المادة الدسمة(كغ)	غبرة الحليب 0% (كغ)	تكاليف التموين الوحيدة(دج)
1.5	0.6	0.6	0.6	0.048	0.15	

المصدر: مديرية المالية والمحاسبة.

الجدول رقم (03): تشكيلات المواد الأولية لمنتجات الملبنة

المواد الأولية	غبرة الحليب 0% (كغ)	المادة الدسمة (كغ)	بوليتيلان الحليب المركب (كغ)	بوليتيلان حليب البقر(كغ)	بوليتيلان اللبن (كغ)	حليب البقر الطازج(ل)
الحليب المبستر	0.088	0.015	0.0068	-	-	-
حليب البقر	-	-	-	0.0068	-	1
اللبن	-	-	-	-	0.0068	1
الكمية المتوفرة في الأسبوع	38281.4	4312	2989	847	224	157304

المصدر: من إعداد الباحثين.

الجدول رقم:(04): مقارنة نتائج مختلف متغيرات البرمجة بالأهداف بالقيمة المستهدفة

Les cahiers du MECAS..... N° 12/ Juin 2016

ELGP $\alpha = 0.6$ عند	MinMax GP	LGP	WGP	القيمة المستهدفة		
211253	211253	287467	140000	140000	الحليب المبستر	كمية الإنتاج (ل)
98000	98000	124559	98000	98000	حليب البقر	
10500	10500	32745	10500	10500	اللبن	
0	0	0	0	66	الحليب المبستر	كمية المخزون (ل)
0	0	0	0	72	حليب البقر	
0	0	0	0	37	اللبن	
18590	18590.30	25297	12320	38281	غبرة الحليب %0 (كغ)	كمية التموين
3168	3168.80	4312	2100	4312	المادة الدسمة MGLA (كغ)	
1436	1436	1954	952	2989	بوليتيلان الحليب المبستر (كغ)	
666	666.40	847	666.40	847	بوليتيلان حليب البقر (كغ)	
71	71.40	223	71.40	224	بوليتيلان اللبن (كغ)	
108500	108500	157304	108500	157304	حليب البقر الطازج (ل)	
211253	211253	140000	140000	840000	الحليب المبستر	
98000	98000	98000	98000	266000	حليب البقر	الكمية الموزعة (ل)
10500	10500	10500	10500	126000	اللبن	
8552637	8552637	12015208	6930338	6930338	تكلفة الإنتاج	
					تكلفة التوزيع	
					تكاليف التخزين	
					تكاليف التموين	
4395972	4395972	6018271	3337145	6018271	تكلفة الجودة (دج)	
1030412	1030412	1444675	934220	1444675	الربح (دج)	

المصدر: من اعداد الباحثين بالاعتماد على مخرجات البرنامج LINGO.